



#### 担当 草部 浩一

(大学院基礎工学研究科・物質創成専攻・未来物質領域・新物質創製講座・准教授)

1



Section I





- 1. <u>現代の計算物理学</u>の応用
   1. 物質を掌る力学の理解
   2. 物質機能の解明による応用
   1. 超伝導体
   2. 実用触媒
   2. 応用から発する次世代計算物理学
  - 2. 応用から光9 る<u>次回れ計算初</u> 1. 第一原理の探求 2. 未解決問題に解を提示









# そこで、何が必要とされている?

1. ナノ物質の構造から決めよう! 2. 強相関電子構造を知ろう!



モット絶縁体LaFeO3

- 電子状態決定が難しいはずだが、
- 精度の高い構造決定が出来る. By H. Kizaki

密度汎関数法は議論の出発点に使える!



密度汎関数法の枠組みで計算出来る!

Section II



# 電子系に対するSchrödinger方程式

N=Σ<sub>I</sub>Z<sub>I</sub>N<sub>I</sub>を満たすN-電子系の定常状態は、次式で調べる。

$$\begin{aligned} \mathbf{H}_{el} \Psi (\mathbf{r}_{1}, \sigma_{1}, \cdots, \mathbf{r}_{N}, \sigma_{N}) \\ = & \left[ -\sum_{i=1}^{N} \left( \frac{\hbar^{2}}{2m} \right) \nabla_{\mathbf{r}_{i}}^{2} + \sum_{\langle i, j \rangle} \frac{e^{2}}{|\mathbf{r}_{i} - \mathbf{r}_{j}|} + \sum_{i=1}^{N} v_{ext}(\mathbf{r}_{i}) \right] \Psi (\mathbf{r}_{1}, \sigma_{1}, \cdots, \mathbf{r}_{N}, \sigma_{N}) \\ = & E \Psi (\mathbf{r}_{1}, \sigma_{1}, \cdots, \mathbf{r}_{N}, \sigma_{N}). \end{aligned}$$

当然ながら、「これは何故?」という疑問にも答えよう。

<sub>例えば</sub> 身の回りに作れる定常状態では電荷中性条件が成り立つ。

### 電子波動関数がもつ性質

■ 電子はスピンS =  $\frac{\hbar}{2} \vec{\sigma}$ をもっている。すると、磁気モーメント  $\mu = -g\mu_B S$  (真空中でのg-factor : g=2.0023)が現れる。

*ϵ*Lτ. 
$$\Psi$$
( $\mathbf{r}_1, \sigma_1, \cdots, \mathbf{r}_N, \sigma_N$ ).

なるSchrödinger方程式の解が「多スレータ積」だからこそ、 「多彩な運動」が現れる。← ここを楽しまないと損だ!

# 難しいのだろうか?

#### ■ 世界標準で考えて欲しい。

- □ 専門家の意見に見る Kusakabe theory は、
  - 説明を加えて貰えばOK出せる。(EUの専門家)
  - 表式を見れば納得。(USで多数のPD)
  - 難しい。(JPの複数の理論家、しかしこれは????)
- 皆さんは?
  - ⇒ご自身で判断してください。
- では、研究紹介を始めましょう。

**Theory of phase transitions** • Example 1. Magnetic systems:  $G(T,h) = -k_BT \ln \left[ \operatorname{Trexp} \left\{ -\frac{1}{k_BT} \left( \hat{H}_{spin} - h \sum_{j=1}^{N_{spin}} \hat{S}_j^z \right) \right\} \right],$   $\hat{H}_{spin} = -J \sum_{\langle i,j \rangle} \hat{\mathbf{S}}_i \cdot \hat{\mathbf{S}}_j.$   $M = N_{spin}m = -\left( \frac{\partial G(T,h)}{\partial h} \right)_T.$ 

*m*: magnetization as the order parameter.

• Example 2. Electron systems at T=0:  $E[v_{ext}] = \min_{\Psi} \left| \langle \Psi | \left[ \hat{T} + \hat{V}_{ee} \right] \Psi \rangle + \int d^3 r v_{ext}(\mathbf{r}) n_{\Psi}(\mathbf{r}) \right| \implies n(\mathbf{r}) = \left( \frac{\delta E[v_{ext}]}{\delta v_{ext}(\mathbf{r})} \right)_{T=0}.$ 

*n*: charge density as the order parameter.

• DFT tells us that,  $E[v_{ext}] = \min_{n} \left| \min_{\Psi \to n} \langle \Psi | \left| \hat{T} + \hat{V}_{ee} \right| \Psi \rangle + \int d^3 r v_{ext}(\mathbf{r}) n(\mathbf{r}) \right| = \frac{E[v_{ext}]}{\ln L^{3/2} + L^{\infty}} \text{ (Lieb, 1982)}$ 

These derivatives are ill-defined in general. But, m and  $n(\mathbf{r})$  are order parameters.

Another variational principle Cf. K.H arXiv:1

Cf. K.K. & Maruyama, arXiv:1012.2964

- When we can divide a set of wave functions into subsets by
  - □ Symmetry
  - □ An order parameter
  - we can have another variational principle.



Section III 計算法と応用例

## 革新的電子状態計算

- 強相関系を含む全ての定常電子状態に適用可:
  - K. Kusakabe, JPSJ 70, 2038 (2001) による拡張コーン・シャ ム方程式の方法
- 揺らぎ参照型 多配置参照密度汎関数理論:
  - K. Kusakabe, et al. J. Phys. Condens. Matter 19, 445009 (2007) による参照揺らぎ一意性証明と実施例
- 密度汎関数変分理論による厳密な定式化:
  - K. Kusakabe, JPSJ 78, 114716 (2009) による、全ての密度汎関数法による実用計算に適用される変分原理による「モデル空間理論」 ← 本願は厳密な定理に基づく。

強相関電子系を含む物質の構造・電子状態決定と物質設計が可能



参考文献

部決定



Multi-reference means that a multi-Slater determinant is used to reproduce correlation effects and quantum entanglement in correlated electron systems. 1)

2) In several versions of LDA+U, ab-initio-determination techniques are proposed but suffered from the double counting problem. It is solved by DFVT in our strategy.





- この強相関電子系の設計法は、
  - 生活環境を含む通常の環境下で利用される物質の性質を電子計算 機利用により理論予測する方法が適用される
    - 触媒設計、医薬品設計(化学反応の反応活性点、遷移状態)
    - ・ 強誘電性デバイス設計、マルチフェロイック物質設計(電荷・軌道の強い 応答)
    - 巨大磁気応答物質設計、スピン量子デバイス設計(スピン自由度の量子 効果)
    - 高温超伝導体設計(超流体をなす量子秩序状態)
  - など、全ての応用分野に適用される。

「この設計法をシミュレーションで実現する唯一の方法論」 として「密度汎関数変分理論」が位置付けられる。

### 計算事例:LaMnO<sub>3</sub>の自己無撞着計算

#### スピン・軌道・電荷結合系



物質設計が可能

- この方法によると、
  - 多軌道系の有効相互作用
  - □ フェルミ準位近傍での量子揺 らぎ
  - □ ワニエ・ブロッホ表示の双方
- を自己無撞着に決定可能。
- これにより原子間力・応力
   の決定が出来る。

## 固体遥動性触媒の設計

新規発明! 酸化物上の自己形成遷移金属ナノ粒子上のサイクル反応

 ER反応
 NO<sub>y</sub>, N<sub>2</sub> NO<sub>x</sub>
 Pd ナノ粒子

 CO+O\*→CO2
 O\*
 Pd 酸化膜

 活性酸素輸送(青矢印)
 (La<sub>1-y</sub>Sr<sub>y</sub>)(Fe<sub>1-x</sub>Pd<sub>x</sub>)O3

活性酸素O\*の拡散にお いて、表面拡散と基板 中の固体拡散の双方が 許されることが重要。

Pdナノ粒子の析出を通して構造を形成! Pdナノ粒子上の酸素遥動で活性向上!

CO, HC酸化プロセス
 NO<sub>x</sub>還元プロセス
 金属ナノ粒子上の酸化被膜
 酸化物上の欠陥、酸素空孔

草部浩一·木崎栄年, 特願2009-204665

# グラフェン・量子デバイス設計

#### 物質構造の決定

#### Process Design



• Confirm by simulation



Simulation tells us new states Confirm by simulation

量子デバイス機能の設計

 $\Psi_1(t)$ 

**Device Design** 



## 層状超伝導体設計



#### 高温超伝導体の特徴

- 銅酸化物、鉄ヒ素、MgB<sub>2</sub>、 MNXに共通の属性発見!
- 層状高温超伝導体のバン ド構造:
  - フェルミ準位に層間分散消滅
     バンドが存在。
  - 数eV以内の層間に渡る非占 有軌道が存在。
- ⇒ 相関効果起源のペアホッ ピングが発生!(検証中)

#### 密度汎関数変分理論により設計

- 相関効果による相転移現象を 確認可能。
- 有効2体相互作用を含む模型
   が定められる。
- 収束を判定可能。
- 原子間力による構造最適化 計算の実施が可能。
- ⇒「設計」を行う立場から強相 関電子系の決定が出来る 唯一の方法がある。(厳密 な定式化を提供済み)

Section IV 強相関模型の決定

# Self-consistent determination of correlation parameter for $Sr_2CuO_3$





This calculation is based on the density functional variational theory (DFVT).

# A theorem in DFVT

#### A variational principle is given by the next inequality.

$$E_0 \le \min_{X_i, \varepsilon_i, g_i} \left\{ \min_{\Psi} \bar{G}_{X_i, \varepsilon_i, g_i}[\Psi] + \Delta \bar{E}_{X_i, \varepsilon_i, g_i}[\Psi] \right\},\tag{33}$$

where  $E_0$  is the ground-state energy of the electron system, and  $\Psi$  inserting in  $\Delta \bar{E}_{X_i,\varepsilon_i,g_i}[\Psi]$ is the minimizing  $\Psi$  of a functional  $\bar{G}_{X_i,\varepsilon_i,g_i}[\Psi]$ . The energy functional determining the model is given as follows.

$$\bar{G}_{X_{i},\varepsilon_{i},g_{i}}[\Psi] = \langle \Psi | \hat{T} + \hat{V}_{X_{i}} | \Psi \rangle + \frac{e^{2}}{2} \int d^{3}r d^{3}r' \frac{n_{\Psi}(\mathbf{r})n_{\Psi}(\mathbf{r}')}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|} \\ + E_{\varepsilon_{i}}[n_{\Psi}] + E_{g_{i}}[\Psi] + \int d^{3}r v_{ext}(\mathbf{r})n_{\Psi}(\mathbf{r}).$$
(34)
  
Minimization possible!!!

Eq. (34) gives a self-consistent determination method of firstprinciples models of correlated electron systems.

Section V



鉄ヒ素系超伝導体のスピン揺らぎ理論

電子間斥力から

• スピン揺らぎ 💻

超伝導秩序変数の符号が1st BZ中で変化すれば、 超伝導状態の解が安定解として発生しうる。

電荷揺らぎ

Mazin, et al. PRL 101, 057003 (2008). Kuroki, et al. PRL 101, 087004 (2008).



電子が同じ軌道上に来ずにクーパーペアを組む。

ところが、彼らも「第三の方向」であるz方向への運動が重要とは指摘していない。

#### GGA計算の与える描像

LaFeAsOのGGAによるバンド計算例 (平面波展開・US-PP by Quantum espresso)



Wannier representationをFermi準位近傍でc軸平行1次元方向で作ることに意味がある。



LaFeAsO<sub>0.875</sub> $F_{0.125}$ のGGAによるバンド計算例 (平面波展開・US-PP by Quantum espresso)  $E_{\rm F}$ 直上にある状態  $E_{\rm F}$ 

#### *E<sub>F</sub>より~eV上にある状態*



Fe 3dの完全局在バンド(Wannier状態)

Fe 3d状態とVoid stateの混成

## 有効模型形成プロセス

層間荷電揺らぎによる相互作用のうち、

- 対角揺らぎ:GGA-バンド構造の本質を変えない。
- 磁気的直接交換:存在しても超伝導に効かない。
- ペアホッピング:存在しうるだけでなく、条件が整うと隠れた秩序発生につながる。
   第0条件:層間一体飛び移り(バンド分散)が無い。



# Valence bond solid **E**

- S=1 Heisenberg modelGS: Gap full
- この理由を説明する拡張 型のS=1 Heisenberg model (AKLT model)を 考える。
  - GS: singlet bondから作 られる量子固体

秩序変数:隠れた秩序

これをVBSと呼ぶ。



Ground state of S=1 Heis. chain ~ VBS

#### 多配置参照密度汎関数理論の与える描像



フェルミ準位にあるFe 3d軌道の 2次元電子状態に荷電揺らぎに よる摂動がかかる。



ペアホッピング

1次項 ダイレクトペアホッピング:11
2次項 超ペアトンネル:1111,122

層間荷電揺らぎ抑制とS=1 Heis. AF ・隠れた秩序+超伝導秩序→n[Δ](r)

 結果として電子間クーロン斥力 相互作用をもとに、量子揺らぎ発 生に基づくエネルギー安定化が 生じる。(→ MgB<sub>2</sub>, Cuprates)



# 強相関系の相図検討結果

- 3次元Bulk超伝導は、量子揺ら ぎによるHaldane gap 形成を伴 って起こる、と考えて良い。
- Haldane相に入るようにコントロ ールできるパラメータは、 J<sub>super</sub>'=1とする条件において、
  - □ S=1に制限: △<sub>Haldane</sub>
  - □ J<sub>z</sub>:層間静電相互作用
  - D: 層内エネルギー上昇 (局所 電荷中性条件の破れ)





Ueda, Nakano, & KK, PRB (2008).

- 知られている範囲でギャップが顕著に 発生するS=1 Heis. AF chainとなるには、
   ペアホッピング状態のエネルギー量子
   化発生が必要。
- ・そこで、必要とされる相図は、一般の Sを許す有効模型での広範なパラメー タ相図になる。

注:上記有効相図に正常金属相、磁気相は含まれていない。33

Section VI



### Automotive catalyst: its function



# World transition of demand and prices of noble metals



Reduction in consumption of noble metals is required.



### Catalytic reaction on Pd surface

- Three way catalyst CO oxidation  $CO+2O^* \rightarrow CO_2$ CH<sub>x</sub> oxidation  $CH_x+(1+x/2)O_2\rightarrow CO_2+x/2H_2O$  $\square$  NO<sub>x</sub> reduction  $NO_x \rightarrow 1/2N_2 + x/2O_2$  $NO_x \rightarrow NO_v + (x-y)O^*$ : Not necessarily on Pd
  - : Not necessarily on PdO

#### Pd catalyst supported on Alumina



Self-reforming Pd nano-particle



Segregation of Pd nano-particles on perovskite. (Nature 418 (2002) 164.)

Oxidation and reduction processes on Pd oxide films are keys to understand the phenomenon.

### Knowledge on O/noble metals

 Langmuir-Hinshelwood(LH) mechanism



On metal surfaces, LH occurs. Oxygen does not move on surfaces.

 Eley-Rideal(ER) mechanism



 $\Delta E_{\rm ER} < \Delta E_{\rm LH}$ , but ER rarely occurs.

Pt

### A PdO film on a Pd(100) surface $(\sqrt{5} \times \sqrt{5})R27^\circ$ super lattice structure

Structure was determined by LEED

Supported by the first-principles calculation by Kostelnik[1]
 [1] P. Kostelnik, et al. Surf. Sci, 601, 1574 (2007).

Known properties are,

- Further oxidation of surface is inhibited after formation of the PdO film.
- PdO layer has 4-fold and 2-fold coordinated sites of Pd.

Other references on theoretical calculation.

- [2] J. Rogal, K. Reuter and M. Scheffler, Phys. Rev. Lett. 98, 046101 (2007).
- [3] J. Rogal, K. Reuter and M. Scheffler, Phys. Rev. B 75, 205433 (2007).
- [4] J. Rogal, K. Reuter and M. Scheffler, Phys. Rev. B 77, 155410 (2008).



# Fluxionality of O<sup>\*</sup> around O-M-O



Extra oxygen: O\* (function group)

Similar structures are seen in

- $3d: Cu (Cf. Cu_2O)$
- 4d, 5d: Pd, Pt, Ag

#### O\* on PdO/Pd(100)





### Fluxional oxygen

#### Solid-state nano catalyst PdO on thin soft Pd layer: reactive for CO oxidation



Oxygen is given by  $NO_x$  reduction process on another surface structure.

#### **Designed catalytic surface**

- Dynamical process in non-equilibrium
- O-M-O structure in homogeneous catalyst
- The structures are expected in oxide film of Pd, Pt, Ag, Cu
- ⇒ Strategic solution for element selection

Element science and technology project: "New development of self-forming nanoparticle catalyst without precious metals."

### Fluxional heterogeneous catalyst

Self-reforming Pd nano-particle in an oxide

The ER scheme  $NO_y, N_2 NO_x$  Pd nano-particle CO+O<sup>\*</sup> $\rightarrow$ CO<sub>2</sub> O<sup>\*</sup> Pd oxide film  $(La_{1-y}Sr_y)(Fe_{1-x}Pd_x)O_3$ 

In O<sup>\*</sup> migration, both migration on surface & diffusion in substrate are allowed.

Segregation of Pd nano-particles and Oxygen-fluxionality on Pd nano-particle!

Oxidation and reduction processes on

• precious-metal-oxide films or

**Open now!** 

• transition-metal-oxide films with an oxygen-buffering system showing activity on NO<sub>x</sub> reduction are keys to design a new heterogeneous catalyst. (K.Kusakabe&H.Kizaki:Japan patent submitted #2009-204665)

Section VII





### 物質の個性を表わす様々な秩序変数

外場と相互作用する秩序変数 外場と直接相互作用しない内部秩序変数

電子密度 (←外部スカラーポテンシャル) 軌道占有数の揺らぎ (二重占有密度) 電流密度 (←外部ベクトルポテンシャル) 超伝導揺らぎ (クーパーペア密度) スピン密度 (←外磁場) ストリング磁気秩序 分極 (←外部電場) 荷電量子揺らぎ

現在の大きな課題: 隠れた秩序変数の発生が外場と相互作用する秩序変数を変えるか否か?

この課題が解けると次のことが出来るようになります。

モット絶縁体とその周辺の磁性体、超伝導体、強誘電体の設計 : 巨大な応答をする磁性体、室温超伝導体、 新型エレクトロニクス素子、エネルギー変換材料

有機錯体・無機有機コンポジットなどの機能性材料の設計、反応経路解析: 生体反応の解明と生体模倣物質の設計、医薬品開発、触媒開発、



#### 計算物理

- 論理学
- 数学
- 計算機科学
- の力を用いて
- 量子力学
- 量子統計力学
- を操る。

#### 物質科学

- 合成プロセス
- 計測過程
- を「論理的に再構成」し
- モデル形成
- ▶ 理論シミュレーション
- 論理証明
- によって「存在」を示す。

先ほどの例をどのように実現しようとしているのかで説明しよう。

# 課題:以下を実現する指針は?

- 巨大な応答をする磁性体
- 室温超伝導体
- 新型エレクトロニクス素子
- エネルギー変換材料
- ■生体反応の解明と生体模倣物質の設計
- 医薬品開発
- ■触媒開発

# 巨大な応答をする磁性体

#### • Transition in orbital order = transition in $n(\mathbf{r})$ .







### Au, Ag, Cu (normal at mK) then C (at 300K).

J Supercond Nov Magn (2011) 24: 401–405 DOI 10.1007/s10948-010-0947-x

ORIGINAL PAPER

#### Superconducting Behavior of Interfaces in Graphite: Transport Measurements of Micro-constrictions

S. Dusari · J. Barzola-Quiquia · P. Esquinazi





新型エレクトロニクス素子

#### Graphene & FeSe: Dirac electrons.



Y. Kobayashi, et al. Phys. Rev. B 73, 125415 (2006).



#### Vanishing backward scattering!

### エネルギー変換材料

#### Phonon glass electron crystal (PGEC)





# 生体反応解明·生体模倣物質

### Quantum jump!!



Structures of the m-trimer Cf. Cho, et al. JACS (2003).





#### Tube cutter





#### W adsorption on twisted (5,0) tube

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
4	K	Ca	Sc	Ti	V	Cr	Mn	Fe	Со	Ni	Cu	Zn
5	Rb	Sr	Y	Zr	Nb	Mo	Тс	Ru	Rh	Pd	Ag	Cd
6	Cs	Ba		Hf	Ta	W	Re	Os	Ir	Pt	Au	Hg

Bond breaking

No bond breaking



#### Perovskite catalyst = fluxionality.

